2nde B GEOMETRIE CARTESIENNE ACH

On se place dans un repère du plan : (O; I, J)  
  
**I. Coordonnées d’un point dans un repère :**

|  |  |
| --- | --- |
| Tout point M du plan est repéré par un couple de réels  appelé LES COORDONNEES de M et noté : M (xM; yM ).  xMest l’ABSCISSE du point M et yM est l’ordonnée du point M.  Le point O, origine du repère a pour coordonnées :  (0 ; 0).  Exemple : Lire les coordonnées des points M……………..  A  B  C  D  Placer les points  E( -1 ; 4) F ( 4 ; -1) | **Capture d’écran 2014-11-03 à 22.23.11.png** |

**II. Coordonnées du milieu d’un segment.**

|  |  |
| --- | --- |
| **Capture d’écran 2014-11-03 à 22.00.30.png** | Dans le plan muni d’un repère orthonormé, soient A(xA;yA) et B(xB;yB) alors le milieu M du segment [AB] a pour coordonnées :  xM = et yM = |

Exemple : Soient Les points A ( -16 ; 24) et B ( 30 ; -10)   
Calculer les coordonnées du milieu P du segment [AB]

**III. Distance entre deux points :**

1. Distance entre deux points sur un axe :

A

B

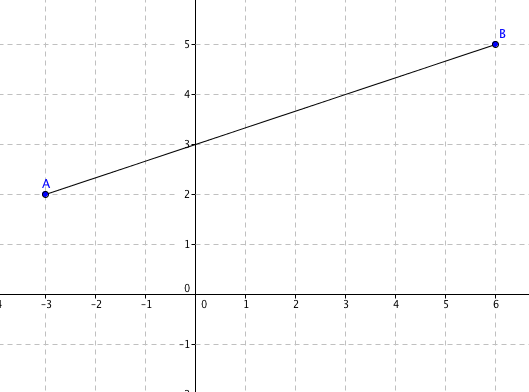
O

xB

xA

AB =

1. Distance entre deux points dans le plan :



Dans le plan muni d’un repère orthonormé (O ; I, J), soient A(xA;yA) et B(xB;yB), la distance AB est donnée par

AB = 􏰅√(xB −xA)2+(yB −yA)2

Démonstration :

**IV. PROPRITÉS ET THÉORÈMES CONNUS UTILISANT LES LONGUEURS ET LES MILEUX DE SEGMENT :**1) Un quadrilatère ( convexe) est un :

⋆ trapèze ssi il a deux côtés opposés parallèles.

⋆ parallélogramme ssi ses côtés oppośes sont deux à deux parallèles

ssi ses diagonales se coupent en leurs milieux.

⋆ losange ssi tous ses côtés sont de même longueur.   
ssi ses diagonales se coupent perpendiculairement en leurs milieux.

⋆ rectangle ssi il a quatre angles droits

ssi ses diagonales se coupent en leurs milieux et sont de même longueur.

⋆ carré ssi il a quatre côtés égaux et quatre angles droits (C’est à la fois un losange et un rectangle).

2) Pour prouver qu’il y a un angle droit ou des droites perpendiculaires : Réciproque du Théorème de Pythagore.

3) Pour prouver que deux droites sont parallèles :   
- Côtés opposés d’un parallélogramme…

- Droite des milieux de deux côtés d’un segment…

- Réciproque du Théorème de Thalès.

2nde B Exercice : Géométrie cartésienne

|  |  |
| --- | --- |
| Exercice 1 :  **Capture d’écran 2014-11-03 à 22.07.37.png** |  |

Exercice 2 : Dans un repère orthonormé (O;I;J) on donne les points A, B et C suivants :  
A(-1;3) ; B(-4;0) ; C(3;-1).  
1) Calculer AB, AC et BC.

2) Déterminer la nature du triangle ABC.  
2) Calculer le périmètre et l'aire du triangle ABC.  
3) Calculer les coordonnées du centre M du cercle circonscrit au triangle ABC et son rayon.