

Chapitre 10 : Les puissances de 10

I) Définition

$10^3 = 10 \times 10 \times 10 = 1000$ se lit mille ou 10 puissance 3 ou 10 exposant 3

$10^{-4} = 0,0001$ se lit un dix-millième ou 10 puissance (-4) ou 10 exposant (-4)

On peut généraliser

Soit n un entier positif

$$10^n = \underbrace{10 \times 10 \times \dots \times 10}_{n \text{ facteurs}} = \underbrace{10 \dots 0}_{n \text{ zéros}} \quad \text{et} \quad 10^{-n} = \underbrace{\frac{1}{10} \times \frac{1}{10} \times \frac{1}{10} \times \frac{1}{10} \times \dots \times \frac{1}{10}}_{n \text{ facteurs}} = \frac{1}{10^n} = \underbrace{0,0 \dots 01}_{n \text{ zéros}}$$

En particulier, $10^1 = 10$ et $10^0 = 1$ 10^{-n} est l'inverse de 10^n mais n est l'opposé de -n.

Voici le règle en vigueur officiellement depuis 1975 (décret de 1961)

puissance de dix	10^3	10^6	10^9	10^{12}	10^{18}	10^{24}	10^{30}
nom	mille	million	milliard	billion	trillion	quatrillion	quintillion

En continuant on trouve par tranche de 6 chiffres (10^{6p}) le sextillion puis le septillion, l'octillion, le nonillion, le décillion etc...

Exemple: soit à nommer le nombre suivant, 14 526 329 784 152 563 412 741. il se prononce : 14 mille 526 trillions 329 mille 784 billions 152 mille 563 millions 412 mille 741 unités

Son ordre de grandeur est : 10^{22} .

II) Les préfixes à connaître

Symbole	yotta	zetta	exa	péta	téra	giga	méga	kilo	hecto	déca
Préfixe des multiples	Y	Z	E	P	T	G	M	k	h	da
Puissance de 10	10^{24}	10^{21}	10^{18}	10^{15}	10^{12}	10^9	10^6	10^3	10^2	10

Exemple : 1 Go = 10^9 octets = 1 milliard d'octets et 1 To = $10^{12} = 10^3 \times 10^9$ octets (un disque dur de 1 Téra stocke 1000 clés USB de 1 Go ou 100 clés USB de 10 Go)

Symbole	yocto	zepto	atto	femto	pico	nano	micro	milli	centi	déci
Préfixe des sous-multiples	y	z	a	f	p	n	μ	m	c	d
Puissance de 10	10^{-24}	10^{-21}	10^{-18}	10^{-15}	10^{-12}	10^{-9}	10^{-6}	10^{-3}	10^{-2}	10^{-1}

III) Opérations et puissances de 10

Soit n et m des entiers relatifs, on a :

i. $10^n \times 10^m = 10^{n+m}$

« Multiplier des puissances de 10 revient à ajouter leurs exposants »

ii. $(10^n)^m = 10^{n \times m}$

« Calculer des puissances de puissances de 10 revient à multiplier leurs exposants »

iii. $\frac{10^n}{10^m} = 10^{n-m}$

« Diviser des puissances de 10 revient à soustraire leurs exposants »

Exemples :

$10^{-2} \times 10^5 = 10^{-2+5} = 10^3$

$(10^{-2})^3 = 10^{(-2) \times 3} = 10^{-6}$

$\frac{10^6}{10^5} = 10^{6-5} = 10$

Attention : $10^5 + 10^9 = 100\,000 + 1\,000\,000\,000 = 1\,000\,100\,000$
 et $10^{-4} + 10^3 = 0,0001 + 1000 = 1000,0001$

Voici la règle en vigueur officiellement depuis 1975 (décret de 1961)

puissance de dix	10^3	10^6	10^9	10^{12}	10^{18}	10^{24}	10^{30}
nom	mille	million	milliard	billion	trillion	quatrillion	quintillion

En continuant on trouve par tranche de 6 chiffres (10^{6p}) le sextillion puis le septillion, l'octillion, le nonillion, le décillion etc...

Exemple: soit à nommer le nombre suivant, 14 526 329 784 152 563 412 741

Voici la règle en vigueur officiellement depuis 1975 (décret de 1961)

puissance de dix	10^3	10^6	10^9	10^{12}	10^{18}	10^{24}	10^{30}
nom	mille	million	milliard	billion	trillion	quatrillion	quintillion

En continuant on trouve par tranche de 6 chiffres (10^{6p}) le sextillion puis le septillion, l'octillion, le nonillion, le décillion etc...

Exemple: soit à nommer le nombre suivant, 14 526 329 784 152 563 412 741

Voici la règle en vigueur officiellement depuis 1975 (décret de 1961)

puissance de dix	10^3	10^6	10^9	10^{12}	10^{18}	10^{24}	10^{30}
nom	mille	million	milliard	billion	trillion	quatrillion	quintillion

En continuant on trouve par tranche de 6 chiffres (10^{6p}) le sextillion puis le septillion, l'octillion, le nonillion, le décillion etc...

Exemple: soit à nommer le nombre suivant, 14 526 329 784 152 563 412 741

Voici la règle en vigueur officiellement depuis 1975 (décret de 1961)

puissance de dix	10^3	10^6	10^9	10^{12}	10^{18}	10^{24}	10^{30}
nom	mille	million	milliard	billion	trillion	quatrillion	quintillion

En continuant on trouve par tranche de 6 chiffres (10^{6p}) le sextillion puis le septillion, l'octillion, le nonillion, le décillion etc...

Exemple: soit à nommer le nombre suivant, 14 526 329 784 152 563 412 741

Voici la règle en vigueur officiellement depuis 1975 (décret de 1961)

puissance de dix	10^3	10^6	10^9	10^{12}	10^{18}	10^{24}	10^{30}
nom	mille	million	milliard	billion	trillion	quatrillion	quintillion

En continuant on trouve par tranche de 6 chiffres (10^{6p}) le sextillion puis le septillion, l'octillion, le nonillion, le décillion etc...

Exemple: soit à nommer le nombre suivant, 14 526 329 784 152 563 412 741

Voici la règle en vigueur officiellement depuis 1975 (décret de 1961)

puissance de dix	10^3	10^6	10^9	10^{12}	10^{18}	10^{24}	10^{30}
nom	mille	million	milliard	billion	trillion	quatrillion	quintillion

En continuant on trouve par tranche de 6 chiffres (10^{6p}) le sextillion puis le septillion, l'octillion, le nonillion, le décillion etc...

Exemple: soit à nommer le nombre suivant, 14 526 329 784 152 563 412 741

Voici la règle en vigueur officiellement depuis 1975 (décret de 1961)

puissance de dix	10^3	10^6	10^9	10^{12}	10^{18}	10^{24}	10^{30}
nom	mille	million	milliard	billion	trillion	quatrillion	quintillion

En continuant on trouve par tranche de 6 chiffres (10^{6p}) le sextillion puis le septillion, l'octillion, le nonillion, le décillion etc...

Exemple: soit à nommer le nombre suivant, 14 526 329 784 152 563 412 741

Voici la règle en vigueur officiellement depuis 1975 (décret de 1961)

puissance de dix	10^3	10^6	10^9	10^{12}	10^{18}	10^{24}	10^{30}
nom	mille	million	milliard	billion	trillion	quatrillion	quintillion

En continuant on trouve par tranche de 6 chiffres (10^{6p}) le sextillion puis le septillion, l'octillion, le nonillion, le décillion etc...

Exemple: soit à nommer le nombre suivant, 14 526 329 784 152 563 412 741

$10^3 = 10 \times 10 \times 10 = 1000$ se lit mille ou 10 puissance 3 ou 10 exposant 3

$10^{-4} = 0,0001$ se lit un dix-millième ou 10 puissance (-4) ou 10 exposant (-4)

On peut généraliser

Soit n un entier positif

$$10^n = \underbrace{10 \times 10 \times \dots \times 10}_{n \text{ facteurs}} = \underbrace{10 \dots 0}_{n \text{ zéros}} \quad \text{et} \quad 10^{-n} = \underbrace{\frac{1}{10} \times \frac{1}{10} \times \frac{1}{10} \times \frac{1}{10} \times \dots \times \frac{1}{10}}_{n \text{ facteurs}} = \frac{1}{10^n} = \underbrace{0,0 \dots 01}_{n \text{ zéros}}$$

En particulier , $10^1 = 10$ et $10^0 = 1$; 10^{-n} est l'inverse de 10^n mais -n est l'opposé de n

$10^3 = 10 \times 10 \times 10 = 1000$ se lit mille ou 10 puissance 3 ou 10 exposant 3

$10^{-4} = 0,0001$ se lit un dix-millième ou 10 puissance (-4) ou 10 exposant (-4)

On peut généraliser

Soit n un entier positif

$$10^n = \underbrace{10 \times 10 \times \dots \times 10}_{n \text{ facteurs}} = \underbrace{10 \dots 0}_{n \text{ zéros}} \quad \text{et} \quad 10^{-n} = \underbrace{\frac{1}{10} \times \frac{1}{10} \times \frac{1}{10} \times \frac{1}{10} \times \dots \times \frac{1}{10}}_{n \text{ facteurs}} = \frac{1}{10^n} = \underbrace{0,0 \dots 01}_{n \text{ zéros}}$$

En particulier , $10^1 = 10$ et $10^0 = 1$; 10^{-n} est l'inverse de 10^n mais -n est l'opposé de n

$10^3 = 10 \times 10 \times 10 = 1000$ se lit mille ou 10 puissance 3 ou 10 exposant 3

$10^{-4} = 0,0001$ se lit un dix-millième ou 10 puissance (-4) ou 10 exposant (-4)

On peut généraliser

Soit n un entier positif

$$10^n = \underbrace{10 \times 10 \times \dots \times 10}_{n \text{ facteurs}} = \underbrace{10 \dots 0}_{n \text{ zéros}} \quad \text{et} \quad 10^{-n} = \underbrace{\frac{1}{10} \times \frac{1}{10} \times \frac{1}{10} \times \frac{1}{10} \times \dots \times \frac{1}{10}}_{n \text{ facteurs}} = \frac{1}{10^n} = \underbrace{0,0 \dots 01}_{n \text{ zéros}}$$

En particulier , $10^1 = 10$ et $10^0 = 1$; 10^{-n} est l'inverse de 10^n mais -n est l'opposé de n

$10^3 = 10 \times 10 \times 10 = 1000$ se lit mille ou 10 puissance 3 ou 10 exposant 3
 $10^{-4} = 0,0001$ se lit un dix-millième ou 10 puissance (-4) ou 10 exposant (-4)

On peut généraliser

Soit n un entier positif

$$10^n = \underbrace{10 \times 10 \times \dots \times 10}_{n \text{ facteurs}} = \underbrace{10 \dots 0}_{n \text{ zéros}} \quad \text{et} \quad 10^{-n} = \underbrace{\frac{1}{10} \times \frac{1}{10} \times \frac{1}{10} \times \frac{1}{10} \times \dots \times \frac{1}{10}}_{n \text{ facteurs}} = \frac{1}{10^n} = \underbrace{0,0 \dots 01}_{n \text{ zéros}}$$

En particulier , $10^1 = 10$ et $10^0 = 1$; 10^{-n} est l'inverse de 10^n mais -n est l'opposé de n

$10^3 = 10 \times 10 \times 10 = 1000$ se lit mille ou 10 puissance 3 ou 10 exposant 3
 $10^{-4} = 0,0001$ se lit un dix-millième ou 10 puissance (-4) ou 10 exposant (-4)

On peut généraliser

Soit n un entier positif

$$10^n = \underbrace{10 \times 10 \times \dots \times 10}_{n \text{ facteurs}} = \underbrace{10 \dots 0}_{n \text{ zéros}} \quad \text{et} \quad 10^{-n} = \underbrace{\frac{1}{10} \times \frac{1}{10} \times \frac{1}{10} \times \frac{1}{10} \times \dots \times \frac{1}{10}}_{n \text{ facteurs}} = \frac{1}{10^n} = \underbrace{0,0 \dots 01}_{n \text{ zéros}}$$

En particulier , $10^1 = 10$ et $10^0 = 1$; 10^{-n} est l'inverse de 10^n mais -n est l'opposé de n

$10^3 = 10 \times 10 \times 10 = 1000$ se lit mille ou 10 puissance 3 ou 10 exposant 3
 $10^{-4} = 0,0001$ se lit un dix-millième ou 10 puissance (-4) ou 10 exposant (-4)

On peut généraliser

Soit n un entier positif

$$10^n = \underbrace{10 \times 10 \times \dots \times 10}_{n \text{ facteurs}} = \underbrace{10 \dots 0}_{n \text{ zéros}} \quad \text{et} \quad 10^{-n} = \underbrace{\frac{1}{10} \times \frac{1}{10} \times \frac{1}{10} \times \frac{1}{10} \times \dots \times \frac{1}{10}}_{n \text{ facteurs}} = \frac{1}{10^n} = \underbrace{0,0 \dots 01}_{n \text{ zéros}}$$

En particulier , $10^1 = 10$ et $10^0 = 1$; 10^{-n} est l'inverse de 10^n mais -n est l'opposé de n

Soit n et m des entiers relatifs, on a :

$$\begin{aligned} \text{i. } 10^n \times 10^m &= 10^{n+m} \\ 10^{-2} \times 10^5 &= 10^{-2+5} = 10^3 \end{aligned}$$

« Multiplier des puissances de 10 revient à ajouter leurs exposants »

$$\begin{aligned} \text{ii. } (10^n)^m &= 10^{n \times m} \\ (10^{-2})^3 &= 10^{(-2) \times 3} = 10^{-6} \end{aligned}$$

« Calculer des puissances de puissances de 10 revient à multiplier leurs exposants »

$$\begin{aligned} \text{iii. } \frac{10^n}{10^m} &= 10^{n-m} \\ \frac{10^6}{10^5} &= 10^{6-5} = 10 \end{aligned}$$

« Diviser des puissances de 10 revient à soustraire leurs exposants »

Soit n et m des entiers relatifs, on a :

$$\begin{aligned} \text{i. } 10^n \times 10^m &= 10^{n+m} \\ 10^{-2} \times 10^5 &= 10^{-2+5} = 10^3 \end{aligned}$$

« Multiplier des puissances de 10 revient à ajouter leurs exposants »

$$\begin{aligned} \text{ii. } (10^n)^m &= 10^{n \times m} \\ (10^{-2})^3 &= 10^{(-2) \times 3} = 10^{-6} \end{aligned}$$

« Calculer des puissances de puissances de 10 revient à multiplier leurs exposants »

$$\begin{aligned} \text{iii. } \frac{10^n}{10^m} &= 10^{n-m} \\ \frac{10^6}{10^5} &= 10^{6-5} = 10 \end{aligned}$$

« Diviser des puissances de 10 revient à soustraire leurs exposants »

Soit n et m des entiers relatifs, on a :

$$\begin{aligned} \text{i. } 10^n \times 10^m &= 10^{n+m} \\ 10^{-2} \times 10^5 &= 10^{-2+5} = 10^3 \end{aligned}$$

« Multiplier des puissances de 10 revient à ajouter leurs exposants »

$$\begin{aligned} \text{ii. } (10^n)^m &= 10^{n \times m} \\ (10^{-2})^3 &= 10^{(-2) \times 3} = 10^{-6} \end{aligned}$$

« Calculer des puissances de puissances de 10 revient à multiplier leurs exposants »

$$\begin{aligned} \text{iii. } \frac{10^n}{10^m} &= 10^{n-m} \\ \frac{10^6}{10^5} &= 10^{6-5} = 10 \end{aligned}$$

« Diviser des puissances de 10 revient à soustraire leurs exposants »

Soit n et m des entiers relatifs, on a :

$$\text{iv. } 10^n \times 10^m = 10^{n+m}$$
$$10^{-2} \times 10^5 = 10^{-2+5} = 10^3$$

« Multiplier des puissances de 10 revient à ajouter leurs exposants »

$$\text{v. } (10^n)^m = 10^{n \times m}$$
$$(10^{-2})^3 = 10^{(-2) \times 3} = 10^{-6}$$

« Calculer des puissances de puissances de 10 revient à multiplier leurs exposants »

$$\text{vi. } \frac{10^n}{10^m} = 10^{n-m}$$
$$\frac{10^6}{10^5} = 10^{6-5} = 10$$

« Diviser des puissances de 10 revient à soustraire leurs exposants »

Soit n et m des entiers relatifs, on a :

$$\text{iv. } 10^n \times 10^m = 10^{n+m}$$
$$10^{-2} \times 10^5 = 10^{-2+5} = 10^3$$

« Multiplier des puissances de 10 revient à ajouter leurs exposants »

$$\text{v. } (10^n)^m = 10^{n \times m}$$
$$(10^{-2})^3 = 10^{(-2) \times 3} = 10^{-6}$$

« Calculer des puissances de puissances de 10 revient à multiplier leurs exposants »

$$\text{vi. } \frac{10^n}{10^m} = 10^{n-m}$$
$$\frac{10^6}{10^5} = 10^{6-5} = 10$$

« Diviser des puissances de 10 revient à soustraire leurs exposants »

Soit n et m des entiers relatifs, on a :

$$\text{iv. } 10^n \times 10^m = 10^{n+m}$$
$$10^{-2} \times 10^5 = 10^{-2+5} = 10^3$$

« Multiplier des puissances de 10 revient à ajouter leurs exposants »

$$\text{v. } (10^n)^m = 10^{n \times m}$$
$$(10^{-2})^3 = 10^{(-2) \times 3} = 10^{-6}$$

« Calculer des puissances de puissances de 10 revient à multiplier leurs exposants »

$$\text{vi. } \frac{10^n}{10^m} = 10^{n-m}$$
$$\frac{10^6}{10^5} = 10^{6-5} = 10$$

« Diviser des puissances de 10 revient à soustraire leurs exposants »

Symbole	yotta	zetta	exa	péta	téra	giga	méga	kilo	hecto	déca
Préfixe des multiples	Y	Z	E	P	T	G	M	k	h	da
Puissance de 10	10^{24}	10^{21}	10^{18}	10^{15}	10^{12}	10^9	10^6	10^3	10^2	10

Exemple : 1 Go= 10^9 octets = 1 milliard d'octets et 1To= $10^{12}=10^3 \times 10^9$ octets (un disque dur de 1 Téra stocke 1000 clés USB de 1 Go)

Symbole	yocto	zepto	atto	femto	pico	nano	micro	milli	centi	déci
Préfixe des sous-multiples	y	z	a	f	p	n	μ	m	c	d
Puissance de 10	10^{-24}	10^{-21}	10^{-18}	10^{-15}	10^{-12}	10^{-9}	10^{-6}	10^{-3}	10^{-2}	10^{-1}

Symbole	yotta	zetta	exa	péta	téra	giga	méga	kilo	hecto	déca
Préfixe des multiples	Y	Z	E	P	T	G	M	k	h	da
Puissance de 10	10^{24}	10^{21}	10^{18}	10^{15}	10^{12}	10^9	10^6	10^3	10^2	10

Exemple : 1 Go= 10^9 octets = 1 milliard d'octets et 1To= $10^{12}=10^3 \times 10^9$ octets (un disque dur de 1 Téra stocke 1000 clés USB de 1 Go)

Symbole	yocto	zepto	atto	femto	pico	nano	micro	milli	centi	déci
Préfixe des sous-multiples	y	z	a	f	p	n	μ	m	c	d
Puissance de 10	10^{-24}	10^{-21}	10^{-18}	10^{-15}	10^{-12}	10^{-9}	10^{-6}	10^{-3}	10^{-2}	10^{-1}

Symbole	yotta	zetta	exa	péta	téra	giga	méga	kilo	hecto	déca
Préfixe des multiples	Y	Z	E	P	T	G	M	k	h	da
Puissance de 10	10^{24}	10^{21}	10^{18}	10^{15}	10^{12}	10^9	10^6	10^3	10^2	10

Exemple : 1 Go= 10^9 octets = 1 milliard d'octets et 1To= $10^{12}=10^3 \times 10^9$ octets (un disque dur de 1 Téra stocke 1000 clés USB de 1 Go)

Symbole	yocto	zepto	atto	femto	pico	nano	micro	milli	centi	déci
Préfixe des sous-multiples	y	z	a	f	p	n	μ	m	c	d
Puissance de 10	10^{-24}	10^{-21}	10^{-18}	10^{-15}	10^{-12}	10^{-9}	10^{-6}	10^{-3}	10^{-2}	10^{-1}

Symbole	yotta	zetta	exa	péta	téra	giga	méga	kilo	hecto	déca
Préfixe des multiples	Y	Z	E	P	T	G	M	k	h	da
Puissance de 10	10^{24}	10^{21}	10^{18}	10^{15}	10^{12}	10^9	10^6	10^3	10^2	10

Exemple : 1 Go= 10^9 octets = 1 milliard d'octets et 1To= $10^{12}=10^3 \times 10^9$ octets (un disque dur de 1 Téra stocke 1000 clés USB de 1 Go)

Symbole	yocto	zepto	atto	femto	pico	nano	micro	milli	centi	déci
Préfixe des sous-multiples	y	z	a	f	p	n	μ	m	c	d
Puissance de 10	10^{-24}	10^{-21}	10^{-18}	10^{-15}	10^{-12}	10^{-9}	10^{-6}	10^{-3}	10^{-2}	10^{-1}

Symbole	yotta	zetta	exa	péta	téra	giga	méga	kilo	hecto	déca
Préfixe des multiples	Y	Z	E	P	T	G	M	k	h	da
Puissance de 10	10^{24}	10^{21}	10^{18}	10^{15}	10^{12}	10^9	10^6	10^3	10^2	10

Exemple : 1 Go= 10^9 octets = 1 milliard d'octets et 1To= $10^{12}=10^3 \times 10^9$ octets (un disque dur de 1 Téra stocke 1000 clés USB de 1 Go)

Symbole	yocto	zepto	atto	femto	pico	nano	micro	milli	centi	déci
Préfixe des sous-multiples	y	z	a	f	p	n	μ	m	c	d
Puissance de 10	10^{-24}	10^{-21}	10^{-18}	10^{-15}	10^{-12}	10^{-9}	10^{-6}	10^{-3}	10^{-2}	10^{-1}

Symbole	yotta	zetta	exa	péta	téra	giga	méga	kilo	hecto	déca
Préfixe des multiples	Y	Z	E	P	T	G	M	k	h	da
Puissance de 10	10^{24}	10^{21}	10^{18}	10^{15}	10^{12}	10^9	10^6	10^3	10^2	10

Exemple : 1 Go= 10^9 octets = 1 milliard d'octets et 1To= $10^{12}=10^3 \times 10^9$ octets (un disque dur de 1 Téra stocke 1000 clés USB de 1 Go)

Symbole	yocto	zepto	atto	femto	pico	nano	micro	milli	centi	déci
Préfixe des sous-multiples	y	z	a	f	p	n	μ	m	c	d
Puissance de 10	10^{-24}	10^{-21}	10^{-18}	10^{-15}	10^{-12}	10^{-9}	10^{-6}	10^{-3}	10^{-2}	10^{-1}

Symbole	yotta	zetta	exa	péta	téra	giga	méga	kilo	hecto	déca
Préfixe des multiples	Y	Z	E	P	T	G	M	k	h	da
Puissance de 10	10^{24}	10^{21}	10^{18}	10^{15}	10^{12}	10^9	10^6	10^3	10^2	10

Exemple : 1 Go= 10^9 octets = 1 milliard d'octets et 1To= $10^{12}=10^3 \times 10^9$ octets (un disque dur de 1 Téra stocke 1000 clés USB de 1 Go)

Symbole	yocto	zepto	atto	femto	pico	nano	micro	milli	centi	déci
Préfixe des sous-multiples	y	z	a	f	p	n	μ	m	c	d
Puissance de 10	10^{-24}	10^{-21}	10^{-18}	10^{-15}	10^{-12}	10^{-9}	10^{-6}	10^{-3}	10^{-2}	10^{-1}

Symbole	yotta	zetta	exa	péta	téra	giga	méga	kilo	hecto	déca
Préfixe des multiples	Y	Z	E	P	T	G	M	k	h	da
Puissance de 10	10^{24}	10^{21}	10^{18}	10^{15}	10^{12}	10^9	10^6	10^3	10^2	10

Exemple : 1 Go= 10^9 octets = 1 milliard d'octets et 1To= $10^{12}=10^3 \times 10^9$ octets (un disque dur de 1 Téra stocke 1000 clés USB de 1 Go)

Symbole	yocto	zepto	atto	femto	pico	nano	micro	milli	centi	déci
Préfixe des sous-multiples	y	z	a	f	p	n	μ	m	c	d
Puissance de 10	10^{-24}	10^{-21}	10^{-18}	10^{-15}	10^{-12}	10^{-9}	10^{-6}	10^{-3}	10^{-2}	10^{-1}

