

Exercice 1 :

Le triangle TOP est rectangle en T.

$$\tan \widehat{\text{TOP}} = \frac{\text{TP}}{\text{TO}}$$

$$\tan \widehat{\text{TOP}} = \frac{4}{3}$$

D'où :

$$\widehat{\text{TOP}} \approx 53$$

L'angle $\widehat{\text{TOP}}$ mesure environ 53° .

Exercice 2 :

Le triangle TOP est rectangle en T.

$$\sin \widehat{\text{RCI}} = \frac{\text{RI}}{\text{CI}}$$

Donc :

$$\text{CI} = \frac{\text{RI}}{\sin \widehat{\text{RCI}}}$$

$$\text{CI} = \frac{4}{\sin 62}$$

$$\text{CI} \approx 4,5$$

La longueur CI est d'environ $4,5 \text{ cm}$.

Exercice 3 :

$$\cos^2 \alpha + \sin^2 \alpha = 1$$

$$\cos^2 \alpha = 1 - \sin^2 \alpha$$

$$\cos^2 \alpha = 1 - \left(\frac{21}{29}\right)^2$$

$$\cos^2 \alpha = \frac{841}{841} - \frac{441}{841}$$

$$\cos^2 \alpha = \frac{400}{841}$$

D'où :

$$\boxed{\cos \alpha = \frac{20}{29}}$$

$$\tan \alpha = \frac{\sin \alpha}{\cos \alpha}$$

$$\tan \alpha = \frac{\frac{21}{29}}{\frac{20}{29}}$$

$$\tan \alpha = \frac{21}{29} \times \frac{29}{20}$$

$$\boxed{\tan \alpha = \frac{21}{20}}$$