## Sujet n°1

## Correction du Devoir Surveillé n°5 Mathématiques 4<sup>ème</sup>

### Exercice 1:

$$V = \frac{\pi}{3} \times 12 \times \left(5^2 + 5 \times 8 + 8^2\right)$$

$$= 4\pi \left(25 + 40 + 64\right)$$

$$= 4\pi \times 129$$

$$V = 516\pi \text{ cm}^3$$

$$V \approx 1621,062 \text{ cm}^3 \quad \text{arrondi au mm}^3 \text{ près}$$

#### Exercice 2:

Dire si les affirmations ci-dessous sont vraies ou fausses. Toute réponse non justifiée ne sera pas évaluée.

**Affirmation 1 :** 61 milliards s'écrit  $61 \times 10^6$ .

**FAUX**: 61 milliards est égal à  $61 \times 10^9$  car 1 milliard =  $10^9$ .

**Affirmation 2 :** la notation scientifique de 4 700 000 est  $47 \times 10^5$ .

**FAUX**: 47 n'a pas un seul chiffre avant la virgule (c'est 4,7×10<sup>6</sup>)

**Affirmation 3 :**  $2.5 \times 10^{-1}$  est la notation scientifique de  $\frac{1}{2.5}$ .

**FAUX**: 
$$\frac{1}{2.5} = 0.4$$
 et  $2.5 \times 10^{-1} = 0.25 \neq 0.4$ .

**Affirmation 4 :** un ordre de grandeur de  $25196 \times 3973$  est  $10^7$ .

**FAUX**:  $25196 \times 3973 \approx 25000 \times 4000 \approx 1000000000 \approx 10^8 \neq 10^7$ 

#### Exercice 3:

ABCE est un rectangle (car un quadrilatère ayant deux côtés opposés de même longueur (8m) et parallèles (car perpendiculaires à la même droite (AB)) est un parallélogramme et un parallélogramme ayant un angle droit est un rectangle). Donc AB = EC.

Calcul de EC:

Le triangle EDC étant rectangle en D, d'après l'égalité de Pythagore, on a :

$$EC^2 = DE^2 + DC^2$$

$$EC^2 = 5^2 + 12^2$$

$$EC^2 = 25 + 144$$

$$EC^2 = 169$$

Avec la calculatrice, on trouve :

$$EC = 13 m$$

Calcul du périmètre de ABCDE:

$$P_{ABCDE} = AB + BC + CD + DE + EA$$
  
= 13 + 8 + 12 + 5 + 8

$$P_{ABCDE} = 46 \, m$$

## Exercice 4:

Avec des billes et des tiges aimantées, on construit les figures suivantes :



a. Combien de billes faudra-t-il utiliser à l'étape 8 ? Justifier.

Etape 1 : 4 billes Etape 2 : 6 billes Etape 3 : 8 billes

On constate que d'une étape à l'autre, on ajoute 2 billes.

Donc on a ajouté 9 fois 2 billes, soit 18 billes. Il y a donc 22 billes à l'étape 10.

b. Combien de billes faudra-t-il utiliser à l'étape 140 ? Justifier.

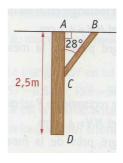
On a ajouté 139 fois 2 billes, soit 278 billes. Il y a donc 282 billes à l'étape 140.

c. Combien faudra-t-il de tiges à la  $n^{i\hat{e}me}$  étape ? Exprimer le résultat en fonction de n

On a ajouté (n-1) fois 3 tiges, 3(n-1) tiges. Il y a donc 3(n-1)+4 tiges à la  $n^{i\hat{e}me}$  étape (ou encore 3n+1)

# **EXERCICE 5:**

(La figure ci-contre n'est pas à l'échelle!) La hauteur d'un poteau est 2,50 m. Le point C est à 1,90 m du sol. Calculer la longueur AB arrondie au centimètre près.



$$AC = AD - CD$$
$$= 2, 5 - 1, 9$$
$$AC = 0, 6 m$$

Dans le triangle ABC rectangle en A, on a :

$$\cos\left(\widehat{ACB}\right) = \frac{AC}{BC}$$

$$\cos\left(28^{\circ}\right) = \frac{0,6}{BC}$$

$$BC = \frac{0,6}{\cos\left(28^{\circ}\right)}m$$

 $BC \approx 0,68m$  arrondie au cm près

D'après l'égalité de Pythagore, on a :

$$BC^{2} = AB^{2} + AC^{2}$$

$$0,68^{2} \approx AB^{2} + 0,6^{2}$$

$$0,4624 \approx AB^{2} + 0,36$$

$$AB^{2} \approx 04624 - 0,36$$

$$AB^{2} \approx 1024$$

Avec la calculatrice, on trouve :

$$AB \approx 0.32 \,\mathrm{m}$$