

فرض محروس رقم 2  
د 2

A	موضوع الفرض	A	التنقيط
			<b>تمرين 1</b>
	(1) حل في IR المعادلة : $\frac{1}{2} \log_2(x-2) + \log_4(x+2) = 2$		1.5
	(2) حل في IR المترابحة $3e^{-x} - e^x + 2 \geq 0$		1.5
	(3) احسب التكاملات الآتية :		
	$\int_2^3 \frac{\ln(x-1)}{x^2} dx$ و $\int_0^{\ln(2)} x e^{-2x} dx$ و $\int_0^1 \frac{x}{(x^2+1)^3} dx$ و باستعمال مكاملة بالاجزاء احسب		4
	( لاحظ ان $\frac{1}{x(x-1)} = \frac{1}{x-1} - \frac{1}{x}$ )		
	(4) احسب النهايات : $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{3^x - 1}{x}$ و $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{\log(x+1)}{x}$ و $\lim_{x \rightarrow +\infty} \ln(e^x + e^{-x}) - x$		3
			<b>تمرين 2</b>
	(I) لتكن $g$ الدالة العددية المعرفة على IR بـ : $g(x) = (2x+1)e^{2x} - 1$		
	(1) احسب $\lim_{x \rightarrow -\infty} g(x)$ و $\lim_{x \rightarrow +\infty} g(x)$ .		1
	(2) بين ان : $\forall x \in \mathbb{R} : g'(x) = (4x+4)e^{2x}$		1
	(3) حدد جدول تغيرات الدالة $g$ معلقا جوابك .		0.5
	(4) احسب $g(0)$ واستنتج ان $g$ سالبة على المجال $]-\infty, 0]$ وموجبة على $[0, +\infty[$ .		0.5
	(II) لتكن $f$ الدالة العددية المعرفة على IR بـ : $f(x) = x + 1 - x e^{2x}$		
	(1) احسب $\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x)$ و $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x)$ .		1
	(2) (ا) بين ان $y = x + 1$ مقارب لـ $(C_f)$ بجوار $-\infty$ .		0.5
	(ب) ادرس الفرع اللانهائي لـ $(C_f)$ بجوار $+\infty$ .		1
	(3) (ا) بين ان $\forall x \in \mathbb{R} : f'(x) = -g(x)$		1
	(ب) ضع جدول تغيرات الدالة $f$ معلقا جوابك .		0.5
	(4) بين انه يوجد عدد وحيد $\alpha \in [0, 1]$ ويوجد عدد وحيد $\beta \in [-2, -1]$ بحيث $f(\alpha) = f(\beta) = 0$		1
	(5) انشئ $(C_f)$ في معلم متعامد ممنظم $(O, \vec{i}, \vec{j})$ حيث $\ \vec{i}\  = 2cm$		2