

تصحيح الفرض المنزلي الرقم 02
الثانية بكالوريا علوم فيزيائية وعلوم رياضية
2008_2007

الملاحظات	الأجوبة	الموضوع
<p>يلاحظ أن عدد النوترتونات في نواة الأورانيوم 238 أكثر من عدد البروتونات (مخطط سيفري)</p>	<p>I – دراسة فصيلة مشعة 1 – تعريف لنواة مشعة : النواة المشعة هي نواة غير مستقرة تتفتت تلقائياً لتتحول إلى نواة متولدة أكثر استقراراً وذلك ببعثها دقائق . 2 – معادلة التفتق : نطبق قانون صودي على معادلة التفتق : $^{238}_{92}\text{U} \rightarrow ^A_Z\text{Th} + ^4_2\text{He}$ $A = 238 - 4 = 234$ $Z = 92 - 2 = 90$ $^{238}_{92}\text{U} \rightarrow ^{234}_{90}\text{Th} + ^4_2\text{He}$ 2 – طبيعة التفتق هو انبعاث إلكترونات وتسمى بـ β^- حيث تتحول ، داخل النواة نوترون إلى بروتون مع انبعاث إلكترون : $^1_0n \rightarrow ^1_1p + ^0_{-1}e$ 3 – المعادلة الكلية لتحول نواة الأورانيوم 238 إلى نواة الرصاص 206 . حسب قانون صودي لدينا : $238 = 206 + 4x \Rightarrow x = 8$ $92 = 82 + 2x - y \Rightarrow y = 82 + 16 - 92 = 6$ وبالتالي عدد التفتقات α هي 8 وعدد التفتقات β^- هي 6 . II – تاريخ العصور الجيولوجية 1 – العدد البديهي $N_U(0) = 5 \cdot 10^{12}$ noyaux ثابتة الزمن τ : هي المدة الزمنية اللازمة لكي يصبح عدد النوى المتبقية هو : $\frac{N_U(0)}{e} = 1,84 \cdot 10^{12}$ noyaux من خلال المنحنى (أنظر الشكل) نستنتج أن </p>	تقدير عمر الأرض

<p>يجب أن ننتبه إلى التحويل وكذلك يجب أن تعطى الثابتة الإشعاعية بالوحدة الثانية لكن عملياً لتبسيط الحساب في المسؤول المولالي يجب أن نعبر عنها بالسنة كذلك.</p> <p>هناك طريقة أخرى يمكن أن نستعمل أن فيها المبيان</p>	<p>$\frac{N_U(0)}{e} = 1,84 \cdot 10^{12}$ noyaux</p> $\tau = 6,5 \cdot 10^9$ années $\Rightarrow \lambda = \frac{1}{\tau} = 4,88 \cdot 10^{-18} s^{-1}$ $\lambda = 0,154 \cdot 10^{-9}$ années <p>2 - تعبير $N_U(t)$ بدلالة $N_U(0)$:</p> $N_U(t) = N_U(0)e^{-\lambda t}$ <p>عدد النوى عند اللحظة $t = 1,5 \cdot 10^9$ années</p> $N_U(t') = 5 \cdot 10^{12} e^{-0,154 \cdot 10^{-9} \times 1,5 \cdot 10^9} = 3,97 \cdot 10^{12}$ noyaux <p>1 - تعريف عمر النصف $t_{1/2}$: هو المدة اللازمة لتفتت نصف نوى العينة عند اللحظة $t=0$.</p> <p>من خلال المبيان كذلك نستنتاج عمر نصف العينة : انظر المبيان</p> $t_{1/2} = 4,5 \cdot 10^9$ années <p>2 - العلاقة بين $N_U(t_{terre})$ و $N_U(0)$.</p> <p>خلال تفتت الأورانيوم عدد النوى الأورانيوم في اللحظة t_{terre} المتبقية هو :</p> $N_U(t_{terre}) = N_U(0) - N_{Pb}(t_{terre})$ $N_U(t_{terre}) = 5 \cdot 10^{12} - 2,5 \cdot 10^{12} = 2,5 \cdot 10^{12}$ noyaux <p>2 - عمر الأرض :</p> <p>حسب علاقة التناقص الإشعاعي :</p> $N_U(t_{terre}) = N_U(0) \cdot e^{-\lambda t_{terre}} \Rightarrow \frac{N_U(t_{terre})}{N_U(0)} = e^{-\lambda t_{terre}}$ $\ln\left(\frac{N_U(0)}{N_U(t_{terre})}\right) = \lambda \cdot t_{terre} \Rightarrow t_{terre} = \frac{1}{\lambda} \ln\left(\frac{N_U(0)}{N_U(t_{terre})}\right) = \frac{\ln 2}{\lambda}$ $t_{terre} = t_{1/2} = 4,5 \cdot 10^9$ années <p>تمرين 2</p> <p>1 - معادلة التفاعل النووي :</p> $^{234}_{92}U \rightarrow ^A_Z Th + ^4_2 He$ $A = 234 - 4 = 230$ $Z = 92 - 2 = 90$ $^{238}_{92}U \rightarrow ^{230}_{90}Th + ^4_2 He$ <p>2 - حساب الطاقة المحررة بالجول وبالMeV</p> $\Delta E = \Delta m \cdot c^2 = [m(^{234}_{90}Th) + m(^4_2He) - m(^{238}_{92}U)] \cdot c^2$ $\Delta E = (229,9737 + 4,0015 - 233,9904) \cdot c^2$ $\Delta E = -0,0152 \times 1,66 \cdot 10^{-27} \times 9 \cdot 10^{16} = -0,2271 \cdot 10^{-11} J$ $\Delta E = -0,0152 \times 931,5 = -14,1588 MeV$ <p>خلال تفتت نواة واحدة من الأورانيوم 234 يحرر هذا التفاعل طاقة تكافئ :</p> $Q = -\Delta E = 14,1588 MeV$ $Q = -\Delta E = 0,2271 \cdot 10^{11} J$ <p>3 - نعلم أن الطاقة الناتجة عن التفاعل تحولت كلها إلى النواة المتولدة Th</p>	<p>الموضوع الثاني</p>
----------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------	---------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------	------------------------------

والحقيقة أي أن $E_c(\alpha) + E_c(Th)$ حسب المعطيات لدينا أن

$$E_c(\alpha) = 0,98 |\Delta E| \Rightarrow \frac{1}{2} m(\alpha) v_\alpha^2 = 0,98 |\Delta E| = 2,2256 \cdot 10^{-12} \text{ J}$$

$$v_\alpha = \sqrt{\frac{2 \times 0,98 |\Delta E|}{m(\alpha)}} = \sqrt{\frac{4,451 \cdot 10^{-12}}{4,0015 \times 1,66 \cdot 10^{-27}}} = 2,58 \cdot 10^7 \text{ m/s}$$

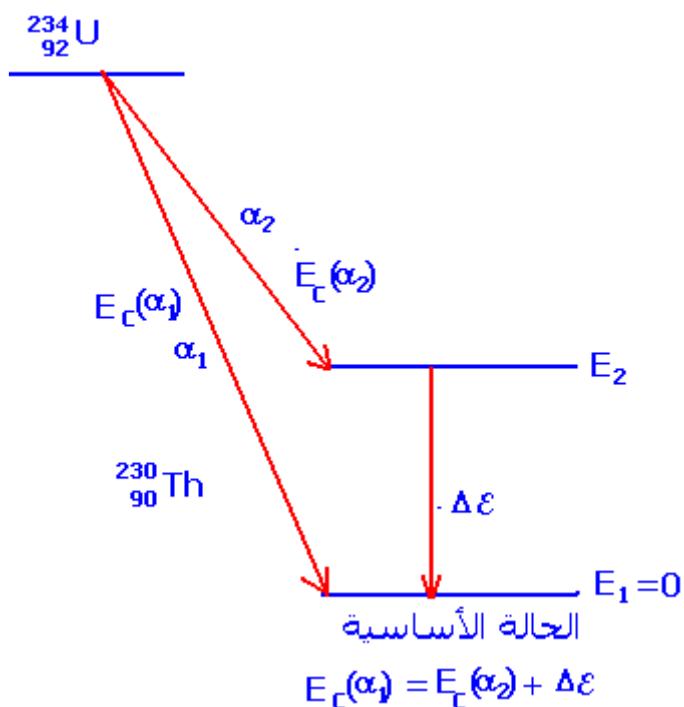
٤ - حساب طاقة الإشعاع γ

* حساب الطاقة الحركية للدقيقة α بالMeV :

$$E_c(\alpha) = \frac{2,2256 \cdot 10^{-12}}{1,6 \cdot 10^{-13}} = 13,91 \text{ MeV}$$

يلاحظ من خلال المعطيات أنه خلال هذا التفتقن أن الدائقين α يمكن أن تأخذ قيمتين $E_c(\alpha_1)$ و $E_c(\alpha_2)$

أي أن جزء من الطاقة الحركية ل α يبقى كطاقة زائدة عند نواة التوريوم والذي يجعلها في حالة مثارة للرجوع إلى حالتها الأساسية تحرر هذا الطاقة على شكل إشعاعات كهرومغناطيسية :



حسب مخطط الطاقة أعلاه يمكن أن نستنتج أن $E_c(\alpha_1) = E_c(\alpha_2) + \Delta E \Rightarrow \Delta E = E_c(\alpha_1) - E_c(\alpha_2)$

$$\Delta E = 13,91 - 13,00 = 0,91 \text{ MeV}$$

٤ - حساب طول الموجة :
حسب المعطيات أن طاقة هذا الإشعاع تناسب وتترده :

$$\Delta E = h \cdot v \Rightarrow \lambda = \frac{h \cdot c}{\Delta E}$$

$$\lambda = \frac{6,62 \cdot 10^{-34} \times 3 \cdot 10^8}{0,91 \times 1,6 \cdot 10^{-13}} = 1,3640 \text{ pm}$$

- 5

لدينا N عدد النوى المتبقية و N' عدد النوى المتفتتة عند اللحظة t ، N_0 عدد النوى البدئية أي عند اللحظة $t=0$.

أي أن $N=N_0-N'$ وحسب قانون التناقص الإشعاعي لدينا كذلك :

$$N = N_0 e^{-\lambda t} \Rightarrow N = (N + N') e^{-\lambda t}$$

$$\frac{N}{N + N'} = e^{-\lambda t} \Rightarrow \ln\left(\frac{N + N'}{N}\right) = \lambda t$$

$$\ln\left(1 + \frac{N'}{N}\right) = \lambda t$$

حسب المعطيات لدينا أن : $e^\varepsilon = 1 + \varepsilon \Rightarrow \varepsilon = \ln(1 + \varepsilon)$

$$\ln\left(1 + \frac{N'}{N}\right) \approx \frac{N'}{N} \text{ وبالتالي } \frac{N'}{N} < 1 \text{ أي أن } N' < N \text{ أي أن } t < t_{1/2}$$

$$\ln\left(1 + \frac{N'}{N}\right) = \lambda t \Rightarrow \frac{N'}{N} = \lambda t$$

$$t = \frac{N'}{N} \cdot \frac{1}{\lambda} \Rightarrow t = \frac{N'}{N} \cdot \frac{t_{1/2}}{\ln 2}$$